V CONCURSO DE PRIMAVERA DE MATEMÁTICAS

(de la Comunidad de Madrid)

Comité Organizador (*)

Acaba de salir a la luz un pequeñó librito titulado "V Concurso de Primavera de Matemáticas" patrocinado por la Consejería de Educación de la Comunidad de Madrid.

El objetivo del Concurso es "motivar y estimular a una gran mayoría de estudiantes haciéndoles ver que es posible disfrutar pensando, haciendo y aprendiendo Matemáticas".

El Concurso está dirigido a estudiantes de 5° y 6° de Primaria, alumnos de ESO y de Bachillerato LOGSE o equivalentes.

Hay cuatro niveles:

1º nivel: Alumnado de 5º y 6º de Primaria.

2º nivel: Alumnado de 1º y 2º de ESO.

3º nivel: Alumnado de 3º y 4º de ESO.

4º nivel: Alumnado de Bachillerato LOGSE o equivalente.

El Concurso se desarrollará en dos fases:

1 ^A
1 ^A

Se celebrará en cada centro, habrá pruebas por niveles, y el Centro seleccionará hasta 4 alumnos por nivel.

2^a Fase:

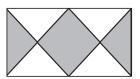
Consistirá en una prueba de cada nivel, de cuestiones de elección múltiple, a desarrollar individualmente.

Algunos problemas de entrenamiento para afrontar el Concurso 1^{er} Nivel

1.	¿Qué forma	no aparece	en la figura?				\times		\times
	A) Cuadrado		B) Círculo	C)	C) Triángulo rectángulo			\times	
	D) Triáng	ulo isósceles	5	E)	Triángulo equi	látero	\times		\geq
2. Si sustituimos \square por 8 y \wedge por 7, ¿cuánto vale \wedge x (\square + \wedge)?									
	A) 105	B) 15	C) 56	D) 63	E) 120				D
3.)	El docarrollo	nlano do u	a cubo os al d	lo la figura	¿Cuál es la car	ra opuosta a			
\sim	la cara F?	piano de ui	i cubo es ei o	ie ia figura.	¿Cuai es la cai	a opuesta a	A	В	C
	A) A	B) B	C) C	D) D	E) E			Е	
								Е	

4.	Juan tiene el d hermanos que		•	,	su hermana Ana sta familia?	tiene cinco ve	eces más
	A) 4 chicos	y 2 chicas	B) 2 chicos	y 5 chicas	C) 5 chicos y	2 chicas	
	D) 2 chicos	s y 4 chicas	E) 3 chicos	y 1 chica			
5.	Con 95 cubito		tímetro de a	rista constru	imos el mayor	cubo posible.	Cuántos
	A)68	B)31	C) 14	D) 11	E)5		
6	En un cogmor	\overline{TF} do V	ongitud 12 d	em colocari	nos los puntos .	A Poldofo	rma quo
0,	4	_	_		izquierda a dere		•
	$IA = \frac{1}{4}IE$, I están escritos?	O	$H = \frac{1}{6}$ I.E. χ	Cuai es, de	izquierua a uere	cha, el olden e	
	A) TIARE	B) TAIRE	C) TARIF	T D) TRAIE	E) Nada de lo	anterior	
	,	,	,	,	,		
7,					uete son 10, 4 y n la siguiente fig		/amente,
	, ,						
3	10				H		
		•	s longitudes	de la cuerda	ı utilizada en ca	da caso, ¿qué (desigual-
	A) $f_3 < f_1 < f_2$	B) $f_1 < f_2 < f_1$	C) $f_3 < f_2$	$< f_1$ D) f_2	$< f_1 < f_3$ E) $f_1 < f_3$	$f_3 < f_2$	
8.	ABCD es un tr tes, ¿cuál es la				liagonal BD. De	las igualdades	siguien-
	A) área AN	IB = área AN	1D		^{A}I	· h	
		C = área ME			//		
		D = área AB IC = área BD			N	1	
		С = area вс D = área ME			را را		
(a)	Juan construye			aña₋			
9 ,	diendo cuadra truidos según ¿Cuántos tien construir el 31	ditos a los q el esquema e que añad	ue ya tiene c a de la dere	cons- echa			
	A) 124	B) 148		J	2		, .
	C) 61	D) 254	E) 120				
10). En una granja	hay conejos	y gallinas. S	i hay 72 cab	ezas y 200 patas	, ¿cuántos con	ejos hay?
	A) 44	B) 36	C) 28	D) 20	F) 56		

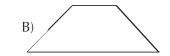
- (11) En la figura adjunta, el área de la región en blanco mide 6 cm². ¿Cuánto mide, en cm², el área de la región sombreada?
 - A) 3
- B) 4
- C) 6
- D) 9
- E) 12



- (12) El perímetro de un cuadrado es siempre más pequeño que:
 - A) La suma de las longitudes de dos lados.
 - B) La suma de las longitudes de tres lados.
 - C) La suma de las longitudes de las dos diagonales
 - D) La longitud de la circunferencia circunscrita
 - E) La longitud de la circunferencia inscrita
- (13) Dos trenes circulan en sentido inverso a velocidades de 72 Km/h y 90 Km/h. Un pasajero del segundo tren (el más rápido) observa que el primer tren tarda exactamente 3 segundos en pasar completamente delante de él. ¿,Qué longitud tiene el primer tren?
 - A) 72m
- B) 90m
- C) 120m
- D) 135m
- E) 216m
- (14) Un triángulo rectángulo isósceles está dividido en tres trozos como se muestra en la figura de la derecha. ¿Cuál de las cinco figuras siguientes no puede formarse con esos tres trozos?









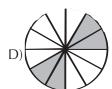


(15) ¿En cuál de los siguientes casos está sombreado un cuarto del disco?











16) Para cada segundo de dibujos animados hacen falta 24 dibujos. ¿Cuántos dibujos habrá que hacer para cubrir una secuencia de 1 m 40 s?

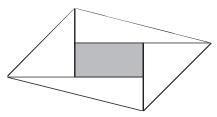
- A) 24
- B) 800
- C) 2400
- D) 3200
- E) 3360

17) En la primera semana de Navidad, Alicia tuvo que leer un libro como uno de los deberes. El primer día, entre el prólogo y paginas de lectura, leyó 15 páginas. Cada uno de los seis días restantes leyó 8 páginas más que el día anterior y acabó de leer el libro en esa semana. ¿Cuántas páginas, sin contar el prólogo, tenía como máximo el libro?

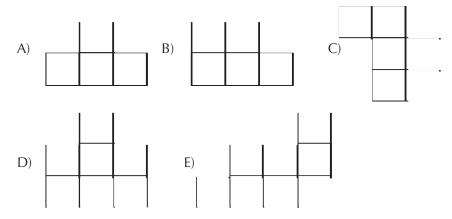
- A) 260
- B) 266
- C) 258
- D) 270
- E) Nada de lo anterior

(18) A partir de un rectángulo de área 1, obtenemos el paralelogramo de la figura prolongando cada lado del rectángulo una longitud igual a su medida. ¿Cuál es el área del paralelogramo obtenido?

- A)3
- B)4
- C)5
- D) 6
- E) No se dan suficientes datos



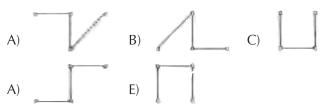
19. Juntando cuatro de las cinco piezas siguientes, se puede construir un cuadrado. ¿Qué pieza queda fuera?



20) Colocamos los números enteros desde 0 hasta 2000 unidos por segmentos como se indica en la figura:



¿Que forma tiene la sucesión de segmentos que va desde 1997 al 2000?



Alqunos problemas de entrenamiento para afrontar el Concurso 2° Nivel

1.	Transformamo igual perímetr			0 ,	10 cm de ancho en un cuadrado de
	A) 0	B) 200	C) 120	D) 400	E) Nada de lo anterior
2.	Ni Alicia ni E	Dani tienen t	antas como	Carlos. Tanto	tes cantidades de monedas cada uno. Alicia como Beatriz tienen más que Alicia. ¿Quién es quien menos tiene?
	A) Alicia	B) Beatriz	C) Carlos	D) Dani	E) Emilio
3.	metro 160. A	tres cuartos o	de la distanci	ia entre la ter	l kilómetro 40 y la décima en el kiló- cera y la décima salida hay un restau- do el restaurante?
	A) 90	B) 100	C) 110	D) 120	E) 130
4.	hay 500 perso	onas, 400 en ntras que en	la B y 300 e	n la C. En la	se muestran en la figura. En la zona A zona común a las zonas A y B hay 50 nas A y C hay 100 personas. ¿Cuántas
	A) 850	B) 1000	C) 1150	D) 1300	E) 1450
5.		orizontal sum	ien lo mismo	que los tres	rados de la figura de forma que los tres situados en vertical. ¿Cuál es el mayor
	A) 20	B) 21	C) 22	D) 24	E) 30
6.	En el trapecio pecio?	ABCD, los l	lados AB y C	CD son iguale	es. ¿Cuál es el perímetro de dicho tra-
	A) 27	B) 30	C) 32	D) 34	E) 38
7.	,	•	•		r dos barras de pan y una barra de pan te darían por 24 pescados?
	A) 9	B) 12	C) 18	D) 64	E) 80

1						
	A) 1.000.00 E) Nada de		500.500	C) 500.000	D) Nece	esito muchísimo tiempo
9. E	Entre estos dib	ujos, uno so	lo no repres	enta el desar	rollo de un cul	oo. ¿Cuál?
		A)	B)	4	C)	
		D)	E)	4		
10.	En un torneo los otros. ¿Cu					artidas con cada uno de
	A) 18	B) 9	C) 36	D) 6	D) 45	
11.	•	e dos peone	•		,	peón en cada columna ¿Cuántas disposiciones
	A) 12	B) 100	C) 120	D) 180	E) 216	•
12.		más tarde s	ale un ciclis	sta de dicho		ad de 5 Km/h. Una hora Ilcanza 50 minutos más
	A) 15 Km/h	B) 12,5	Km/h C)	13,5 Km/h	D) 18 Km/h	E) 25 Km/h
13.		Irado. El per				ja de papel, se ha obte- 8 cm. ¿Cuál era, en cm,
	A) 120	B) 105	C) 95	D) 84	E) 78	^^
14.	El área del cu AKPC?	uadrado ABC	CD mide 1 m	ı ¿Cuál es el	área del cuadra	ado
	A) 1 m ²	B) 1'5 m ²	C) 2 m ²	D)2,5 m ²	E)3 m ²	B
15.	Si divido 0'2	5 por $\frac{1}{4}$ of	btengo			
	A) 1	B) 0'125	C) 1/16	D) 0'01	E) 0'75	
16.	El número (1	$00 + 1)^2$ es i	gual a			
	A) 202	B) 1001	C) 10201	D)12001	E) 2021	

(8.) Si te dicen que sumes, sin utilizar la calculadora, los números enteros del 1 al 1000, res-

(17.) Dos cuerdas con un extremo común dividen a una circunferencia en tres arcos de la misma longitud. ¿Cuánto vale el ángulo comprendido entre esas cuerdas?

A) 30°

B) 45°

C) 60°

D) 75°

E) 90°

(18) Un grifo mal cerrado deja caer una gota de agua cada dos segundos. Si 15 gotas equivalen a 1 centilitro, ¿cuánta agua se malgasta en 1 minuto?

A) 0'5 cl

B) 1 cl

C) 1'5 cl D) 2 cl

(19) La cruz del dibujo está formada por 6 cuadrados iguales. El perímetro de la cruz vale 7 cm. ¿Cuánto vale su área?

A) 0,25 cm²

B) 1'5 cm²

C) 6 cm²

D) 7 cm²

E) 42 cm²

(20) Un estudiante ha tenido 31 exámenes durante 5 años. Cada año ha tenido más exámenes que el anterior. El número de exámenes que ha tenido el quinto año es el triple de los que tuvo el primero. ¿Cuántos exámenes tuvo el cuarto año?

A) 3

B) 4

C) 5

D) 6

E) 8



Algunos problemas de entrenamiento para afrontar el Concurso 3^{ER} Nivel

(1.) He comprado por 2000 ptas un disco que estaba rebajado un 20%. ¿Cuál era el precio sin rebajar?

A) 2400 ptas

B) 2360 ptas

C) 2000 ptas

- D) 2600 ptas
- E) Nada de lo anterior
- (2.) El diámetro de un bote de melocotón es el doble que el de un bote de zumo pero su profundidad es la mitad. ¿Cuál es el cociente entre el volumen del bote de melocotón y el de zumo?

A)4

- B)8
- C)0'5
- D) 1/4
- E)I
- (3.) El número de alumnos de un Instituto está comprendido entre 500 y 1000. Si se les agrupa por 18, o por 20, o por 24, siempre sobran 9. ;Cuántos hay?

A) 609

- B) 849
- C)809
- D) 729
- E) 709
- (4.) El volumen en metros cúbicos de un cilindro de 3m de altura es igual a su superficie total en metros cuadrados. ¿Cuánto vale su radio?

A) 2 m

- B) 6 m
- C) 4 m
- D) 2 π m E) Nada de lo anterior
- (5.) Un rombo tiene por lado x y uno de sus ángulos mide 60°. Un cilindro recto, de altura 3x, tiene por base el círculo inscrito en este rombo. ¿Cuál es el volumen del cilindro?

- A) $\frac{9\pi x^3}{16}$ B) $3\sqrt{3}x^3$ C) $\frac{x^3}{\sqrt{3}}$ D) $\frac{27\pi x^3}{16}$ E) $(\frac{4}{3})^3 x^3$
- (6.) A finales de 1994, Juan tenía la mitad de años que su abuela. Si la suma de los años en que nacieron es 3838, ¿qué edad tenía Juan a finales del año 1999?

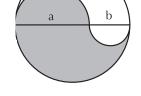
A) 48

- B) 49
- C) 53
- D) 55
- E) 101
- (7.) ¿Cuál es el mayor número de ángulos agudos que puede tener un hexágono convexo?

A) 2

- B) 3
- C) 4
- D) 5
- E) 6
- (8.) El diámetro de un círculo se divide en dos partes de longitudes a y b. Se trazan dos semicírculos sobre a y b respectivamente. ¿Cuál es el cociente entre el área de la región sombreada y la no sombreada?

- A) $\frac{a}{b}$ b) $\frac{a^2}{b^2}$ C) $\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$ D) $\frac{2a+b}{2b+a}$ E) $\frac{\sqrt{a+b}}{\sqrt{a-b}}$



(9.) El punto de coordenadas (-2, 4) es el punto medio del segmento PQ, siendo P el punto de coordenadas (2, -2). ¿Cuales son las coordenadas de Q?

A) (0,1)

- B) (-6,6)
- C) (6,-6)
- D) (-2,6)
- E) (-6, 10)
- (10) La distancia entre dos ciudades A y B es igual a 150 Km En un mapa, esta distancia vale 30 cm. ¿A qué escala está hecho este mapa?

A) 1:5

- B) 1:500
- C) 1:5.000
- D) 1:50.000 E) 1: 500.000

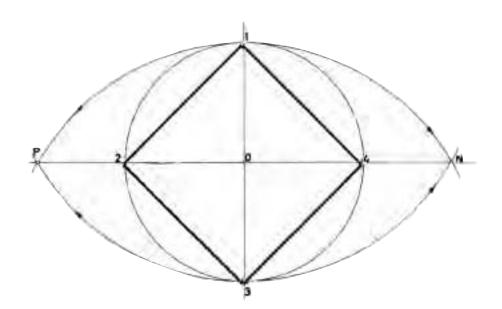
11,	Las ecuacione las otras cuat			cuatro re	ectas paralelas y	una que no e	es paralela a
	A) $x-2y=0$	B) $y=2x+7$	7 C) -3x+	-6y=2	D) $5x=5+10y$	E) $3y=1'5x-$	4
12.				•	medio de AD y L uadrilátero IJDK?	1 1	, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,
	A) $\frac{1}{3}$	B) $\frac{7}{15}$	C) $\frac{2}{5}$	D) $\frac{8}{15}$	E) $\frac{3}{5}$		K
13,					ın punto de la es sombreadas?	F	⁽
	B) La de aba C) Tienen la	riba es la más ajo es la mas a misma supe erficies son is	s grande. erficie.	en el caso	de que M sea el	punto medio	o de OS
		uficientes da				panto meare	, ac qo
14.)		ante, lentilla	ıs. En la cla		lemas visuales. [1 alumnos que		_
	A) 45 alumı	nos tienen pr	oblemas vis	uales.	B) 30 alumnos t	ienen buena	vista.
	C) Hay 100	alumnos en	la clase.		D) 10 alumnos u	usan lentillas	
	E)Nada de l	o anterior					
15.	¿Cuál es el m la figura resu				hay que sombrea	ar para que	
	A) 1	B) 2	C) 3	D) 4	E) 5		
16.		nanzanas sup	eró en 2 al o	de peras;	manzanas, peras este superó en 8 npré?		
	A) 12	B) 14	C) 15	D)16	E) 18		
17,					se inscribe un rec ál es el perímetro		
	A) 6	B) 9	C) 12	D) $4\sqrt{3}$	E) Faltan dat	cos	C
18,					s lados del rectá as áreas de la par		
	A) 1	B) $\frac{1}{2}$	C) $\frac{1}{3}$	D) $\frac{1}{4}$	E) $\frac{2}{3}$		

- (19); Cuántas cifras tiene el número $2^{12} \cdot 5^8$?
 - A) 20
- B) 12
- C) 10
- E) Nada de lo anterior
- **20**. El cubo de la mitad del triple de un número, ¿es igual al triple de la mitad del cubo de ese número?

D) 96

- A) Sí, para cualquier número
- B) Solamente para el 0
- C) Solamente para el 1

- D) Solamente para el 0 y el 1
- E) No; para ningún número



Algunos problemas de entrenamiento para afrontar el Concurso

4° Nivel

- 1. El número que está justamente entre $\frac{1}{8}$ y $\frac{1}{10}$ es
- A) $\frac{1}{80}$ B) $\frac{1}{40}$ C) $\frac{1}{18}$ D) $\frac{1}{9}$ E) $\frac{9}{80}$
- (2.) Halla la suma de todos los primos comprendidos entre 1 y 100 que verifiquen ser múltiplos de 4 más 1 y múltiplos de 5 menos 1.
 - A) 118
- B) 137
- C) 158
- D) 187
- E) 245
- (3.) ¿Cuántas veces corta al eje horizontal la función $f(x) = \cos(\log x)$ en el intervalo (0,1)?
- B) 1
- C) 2
- D) 10
- E) Infinitas
- (4.) ¿Cuál es el radio de un círculo inscrito en un rombo de diagonales 10 y 24?
- B) $\frac{58}{13}$ C) $\frac{58}{13}$ D) 5
- E) 6
- (5.) Las gráficas de y = -|x -a|+b e y = |x -c|+ d se Intersecan en los puntos (2, 5) y (8,3). ¿Cuánto vale a + c?
 - A) 7
- B) 8
- C) 10
- D) 13
- E) 18
- (6.) Se busca un conjunto S de puntos P de un triángulo equilátero tal es que la suma de las distancias a los tres lados sea la más pequeña posible. El conjunto S está constituido por:
 - A) Los tres vértices.
 - B) Los tres puntos medios de los lados.
 - C) Todos los puntos del triángulo
 - D) El conjunto vacío.
 - E) El centro del triángulo
- (7.) El inverso de la mitad del cuadrado de 3 es:
- A) $\frac{2}{9}$ B) $\frac{9}{2}$ C) $\frac{9}{4}$ D) $\frac{4}{9}$
- E) 1
- **(8.)** La ecuación ln(7 + x) = ln 7 + ln x (x real)
 - A) No tiene solución.
- B) Se verifica para todo x>0. C) Tiene solución única

- D) Tiene dos soluciones.
- E) Nada de lo anterior.
- (9.) La figura representa la gráfica de la función:
- A) f(x) = |x| + 1 B) f(x) = |x| 1 C) f(x) = |x 1| D) f(x) = |x + 1| E) f(x) = | |x|

- (10.) ¿Cual de las siguientes funciones está acotada en $[6,\infty)$?

- A) y = x senx B) $y = x + \frac{1}{x}$ C) $y = 5 x^2$ D) $y = \frac{x + 5}{x 5}$ E) y = 1 + |x|

\sim	, la mayor dis de ese cubo?		dos de sus v	vértices es 1 m. ¿Cuál es, en m³,				
A) $\frac{\sqrt{3}}{9}$	B) 1	C) $\frac{\sqrt{2}}{4}$	D) $\frac{1}{3}$	E) Nada de lo anterior				
12. ¿Para qué v	alor del ángu	o α estas do	s figuras tier	nen el mismo perímetro y la misma a	área?			
A) 1 radia	án	B) 2 radia	nes					
C) 3 radia	anes	D) 4 radia	nes					
E) No exi	ste el tal a co	n esas propi	edades	F ()	R			
(13) Los lados AB, BC, CD y DA del cuadrilátero ABCD de la figura miden, respectivamente, 3, 4, 12 y 13 cm siendo el ángulo B recto. El área de dicho cuadrilátero en cm² es:								
A) 32	B) 36	C) 39	D) 42	E) 48	__',			
14. ¿Para cuánt	os enteros n,	es $\sqrt{1-(n-1)}$	+ 2) ² un nur	mero real ?				
A) O	B) 1	C) 2	D), 3	E) Infinitos				
15) En el triáng $b^2 + c^2$ es ig		medianas qu	ue parten de	e B y C son perpendiculares. Ento	nces,			
A) a^2	B) 2 <i>a</i> ²	C) $3a^{2}$	D) 4 <i>a</i> ²	E) 5 <i>a</i> ²				
_	$a_1, a_2 \dots$ veritimero término			y para n ≥ 3 a_n es la media aritmétic	ca de			
A) 29	B) 59	C) 79	D) 99	E) 179				
tercer térmi	,	ollo, tienen e	el mismo val	otencias decrecientes de x. El segun lor para x = p e y = q siendo p y q le p?	,			
A) $\frac{1}{5}$	B) $\frac{4}{5}$	C) $\frac{1}{4}$	D) $\frac{3}{4}$	E) $\frac{8}{9}$				
(18) Un tren está compuesto de 5 vagones A, B, C, D, E. ¿De cuántas maneras puede componerse de modo que el vagón A esté más cerca de la máquina que el B?								
A) 120	B) 30	C) 60	D) 48	E) 10				
(19.) Si $1 + \sqrt{2} a$	anula la funci		$+ px + q \cos \theta$	n $p y q$ enteros, entonces $p + q$ vale	Ĵ			
A) -5	B) -1	C) 1	D) -3	E) -5				
20. Si se desarr	olla $(2x-1)^{200}$	∍ según las p	otencias de	ecrecientes de x, ¿cuánto vale la sun	na			

144

A) 0

de todos los coeficientes de desarrollo?

B) 1 C) 2001 D) -1 E) 2

(*) Comité Organizador del V Concurso de Primavera

Juan Jesús Donaire Moreno Fernando Moya Molina

Luis Ferrero de Pablo Merche Sánchez Benito

Jesús García Gual

Víctor Manuel Sánchez González María Gaspar Alonso-Vega

Joaquín Hernández Gómez Javier Soler Areta

Francisco López Álvarez José M.ª Sordo Juanena

