Apodisation de Fibres à Réseaux de Bragg Echantillonnées pour la synthèse de codes CDMA spectral

Benjamin Ivorra - Bijan Mohammadi - (I3M – UM2)

Yves Moreau – Guillaume Pille (CEM2 – UM2)

Laurent Dumas (Paris 6)

Olivier Durand (Alcatel R&I)

Présentation

1-CDMA Spectral

2-Méthodes d'optimisation

Algorithme
génétique

Méthode
semi-déterministe

3-Optimisation de SFBG: application au CDMA spectral

4-Conclusion et perspective (exemple microfluidique)

Chapitre I: CDMA Spectral

Code Division Multiple Access

- Technique utilisée en radiofréquence (mobiles de 3ème génération) :
 - Accès multiple.
 - Partage de ressources flexible **non limité par l'implémentation physique.**
 - L'étalement du spectre rend le signal **moins sensible** aux fluctuations sélectives en fréquence.
 - **Sécurité de la transmission** : un signal codé apparaît comme étant du bruit.

Vers le CDMA Optique :

- Les codeurs et décodeurs sont optiques.
- Optimise le nombre d'utilisateurs d'une fibre.
- Utilise des sources non cohérentes (Super LED, EDFA).

Le CDMA : principe général

Chaque symbole « 1 » ou « 0 » est codé en une séquence de « chips » (CDMA Temporel) ou en un spectre (CDMA en longueur d'onde).

Code $C_A = [1, -1, 1, 1, -1, 1, -1, -1]$

Code $C_B = [-1, -1, 1, -1, 1, 1, -1, 1]$

Message A : [1,0,1]

Codé [$C_A; -C_A; C_A$]

Message B : [1,1,0]

Codé [$C_B; C_B; -C_B$]

Message Transmis =
somme des signaux
codés : A+B

Décodage de A :
Corrélation avec C_A

= (Signal Transmis * C_A) + filtrage passe-bas (CDMA temporel)

Le CDMA Spectral: principe général

Les codes sont générés par des spectres à ‘trous’.

On choisit en fonction du nombre d'utilisateur souhaités n
longueurs d'ondes : $[\lambda_1, \dots, \lambda_n]$.

Par exemple: Pour 7 longueurs d'onde le code 1 et 0 pour un
utilisateur donné peut être généré par les spectres:

Code 1

λ_1

λ_3

λ_5

λ_6

Code 0

λ_2

λ_4

λ_7

Le système CDMA spectral

Emetteur 1

- Le WDM à MMI construit le **code spectral** correspondant à « 0 » et « 1 ».
- Un **changement d'entrée** provoque un **changement de code**.
- Requiert une source non cohérente (type Super LED), **faible coût**.

Le système CDMA spectral

Emetteur 2

- Le guide optique construit le **code spectral** correspondant à « 0 » et « 1 ».
- Un **changement d'entrée** provoque un **changement de code**.
- Requiert une source non cohérente (type Super LED), **faible coût**.

Le système CDMA spectral

Guide optique

Le système CDMA spectral

- Détection différentielle : maximum pour le code reconnu, minimum pour son complémentaire, mais neutre pour un spectre créé par un autre code.
- Nécessité d'utiliser des **codes orthogonaux** (intercorrélation = 1).

Chapitre II: Méthodes d'optimisation

Algorithme Génétiques (GA)

On veut chercher le minimum de la fonctionnelle: $J(x) = x_1^2 + x_2^2$

Algorithme Semi déterministe (SDA) : simple couche

On veut minimiser une fonctionnelle J . On note l'algorithme $A_1(v_1, v_2)$:

Algorithme Semi déterministe (SDA) : double couches

On veut minimiser une fonctionnelle J . On note l'algorithme $A_2(v_1, v_2, 2)$:

Fonction de Rastrigin

$$J(x) = \sum_{i=1}^N (x_i^2 - \cos(18x_i)) \quad x \in [-5, 5]^N$$

Le minimum est 0 atteint au point 0.

Fonction 1: Enveloppe non convexe

Le minimum est 0 atteint au point 0.

Fonction 2: Exposinus

$$J(x) = e - \left(e^{\frac{\sin(x_1)}{x_1}} \cdot \frac{\sin(x_2)}{x_2} \right)$$

Le minimum est 0 atteint au point 0.

Fonction 3: Rosenbrock modifiée

$$J(x) = 100(x_2 - x_1^2)^2 + (1 - x_1)^2 - 4000 \exp^{-10((x_1+1)^2 + (x_2+1)^2)} - 3600$$

Le minimum est 0 atteint au point $(-1, -1)$.

Tableau des résultats :

	Itérations GA	Itérations SDA
Enveloppe non convexe	1500	105
Exposinus	2300	1100
Rosenbrock modifiée	2300	-----
Rastringin	-----	300

Tableau récapitulatif :

	SDA	GA
Avantages	<ul style="list-style-type: none">-Rapidité-Précision-Recherche de minimas de fonctionnelles à enveloppe convexe-Plusieurs variantes de la méthode	<ul style="list-style-type: none">-Pas d'évaluation de gradient-Recherche de minimas isolés

Chapitre III: Optimisation de SFBG: application au CDMA spectral

Fibre à réseau de Bragg (FBG):

Les bandes noires correspondent à la zone au cœur de la fibre dont l'indice de réfraction est modifié suivant un motif.

Le motif est répété plusieurs fois avec une période de Λ .

Fibre à réseau de Bragg (FBG):

Le rôle de la fibre : à partir d'un spectre entrant E , la fibre réfléchit certaines longueurs d'onde E^- et laisse passer les autres longueurs d'onde E^+ .

Le système CDMA spectral

Guide optique

Fibre à réseau de Bragg échantillonnées :

L'échantillonnage de fibre FBG consiste à créer une fibre composée N sous-fibres FBG.

Le spectre généré par une telle fibre est dit en '*peigne*': Ce sont des pics espacés de $\Delta\lambda = \frac{2n_{eff}\Lambda^2}{N}$. Par exemple:

Problème inverse:

On veut trouver l'apodisation d'une fibre dont on connaît la réponse spectrale.

Plus précisément, le problème posé par *Alcatel*:

- 1- On se donne une fibre de structure FBG échantillonnée composée de 100 sections de 1mm et d'indice de réfraction initial = 1.45.
- 2- On veut générer un spectre en à 'trous' ayant au maximum 16 pics espacés de 100 Ghz (0.8 um) et centrés autour de la longueur d'onde 1550 nm.

Ce problème peut être résolu par trois approches:

Problème numérique:

Minimiser la fonctionnelle, $J:\Omega_{apo}\rightarrow R$:

$$J(x)=\|r(x)-r_{target}\|_{L^2([\lambda_{min},\lambda_{max}])}$$

Où : $r(x)$ est la puissance de réflexion de la fibre associé à l'apodisation $x\in\Omega_{apo}$.

- r_{target} est la puissance de réflexion souhaitée.

Les puissances sont calculées à partir de méthode de matrice de transfert simplifiées.

Problème initial: générer un spectre en peigne complet

16 pics	Apodisation	Spectre
Sinc	<p>Apodisation plot for Sinc method. The x-axis ranges from 0 to 1, and the y-axis ranges from -2 to 6. The plot shows a single sharp peak at x=0.5 with a height of approximately 6, surrounded by smaller oscillations.</p>	<p>Spectre plot for Sinc method. The x-axis ranges from 1.545 to 1.56, and the y-axis ranges from 0 to 8. The plot shows a series of sharp peaks, with the central peak at approximately 1.555 having a height of about 8.</p>
GA	<p>Apodisation plot for GA method. The x-axis ranges from 0 to 1, and the y-axis ranges from -2 to 6. The plot shows two distinct peaks at approximately x=0.45 and x=0.55, both with heights of about 2.5, and smaller oscillations.</p>	<p>Spectre plot for GA method. The x-axis ranges from 1.545 to 1.56, and the y-axis ranges from 0 to 8. The plot shows a series of sharp peaks, with the central peak at approximately 1.555 having a height of about 8.5.</p>
SDA	<p>Apodisation plot for SDA method. The x-axis ranges from 0 to 1, and the y-axis ranges from -2 to 6. The plot shows a series of smaller peaks, with the highest peaks at approximately x=0.1 and x=0.95, both with heights of about 1.8.</p>	<p>Spectre plot for SDA method. The x-axis ranges from 1.545 to 1.56, and the y-axis ranges from 0 to 8. The plot shows a series of sharp peaks, with the central peak at approximately 1.555 having a height of about 8.</p>

Nouveau Problème: générer un spectre à '*trous*'

Exemple de spectre à 'trous' généré par SFBG:

Actuellement les spectres sont symétriques. D'où le besoin de doubler le nombre de pics nécessaires.

Conclusion

Conclusion et perspectives sur ce problème:

- 1- Méthode efficace pour générer spectres à '*trous*' en peigne symétriques.
- 2- Système CDMA peu coûteux à réaliser.
- 3- Générer des spectres non symétriques.
- 4- Prototypage en cours de réalisation.

Le système CDMA spectral

Optimisation de forme d'un mélangeur microfluidique

Géométrie complète

Profil Initial

Profil Optimisé

Optimisation de forme d'un mélangeur microfluidique

Evolution de la concentration pour le profil initial et optimisé